УДК 539.24

## А.В. Калинин, Д.Д. Рудер Определение критических параметров начала пластической деформации в ГЦК кристалле в системе скольжения (111) < 110>

Исследования перестройки кристаллической структуры представляют большой научный интерес, так как они могут дать детальную информацию о механизмах пластической деформации кристаллов.

Цель данной работы заключалась в том, чтобы с помощью компьютерного моделирования определить критические параметры начала пластической деформации в твердом ГЦК кристалле, при котором происходит сдвиг узловых плоскостей (111) образца под воздействием на него касательных напряжений.

В качестве конкретного метода моделирования использовался метод молекулярной динамики [1].

Для описания взаимодействия между атомами применялся потенциал парного взаимодействия Леннарда-Джонса:

$$u(r_{ij}) = 4\varepsilon \left[ \left( \frac{\sigma}{r_{ij}} \right)^{12} - \left( \frac{\sigma}{r_{ij}} \right)^{6} \right]$$

с параметрами  $\varepsilon/k_b = 119.8, \sigma = 3.405 \stackrel{\circ}{A}$  [2].

В исходном состоянии МД-ячейка представляла собой прямоугольный параллелепипед, стороны которого параллельны декартовым осям координат – X, Y, Z. Атомы располагаются в узлах ГЦК решетки, плотноупакованные плоскости (111) которой параллельны плоскости X = 0, кристаллографические направления  $<1\overline{10}>$  параллельны оси ОУ, а направления  $<11\overline{2}>$  – оси ОZ. Размеры МД-ячейки вдоль осей координат равнялись соответственно

$$(1/\sqrt{3}) \cdot n_x \cdot a, (\sqrt{3/2}) \cdot n_y \cdot a, \sqrt{2} \cdot n_z \cdot a,$$

где  $n_x$  – число узловых плоскостей (111);  $n_y$  – число узловых плоскостей (1 $\overline{10}$ );  $n_z$  – число узловых плоскостей (1 $\overline{12}$ ).

Параметр ГЦК решетки аргона был взят равным  $a = 1.5452\sigma$ .

Начальные скорости атомов задавались случайно, так, что распределение атомов по скоростям соответствовало функции распределения Больцмана соответствующей температуре.

Для моделирования деформации сдвига в системе производилось постепенное сдвиговое деформирование МД-ячейки, при этом прямоугольный параллелепипед превращался в косоугольный (рис. 1), угол между стороной АВ МД-ячейки и осью X есть угол сдвига *γ*. Для сохранения постоянного числа частиц в системе использовались периодические граничные условия вдоль осей ОZ, ОУ и вдоль направления AB.



Рис. 1. МД-ячейка

Угол сдвига  $\gamma$  изменялся дискретно с некоторым шагом, после чего производилось МД-моделирование системы в течение 1000 временных шагов, при этом система приводилась в состояние равновесия. Описанный процесс моделирует квазистатическую деформацию образца. Для поддержания постоянной температуры использовался метод перенормировки скоростей, суть которого сводилась к добавлению энергии в систему или ее вычитанию при помощи нормировки скоростей на множитель:

$$\beta = \left[\frac{T^*(N-1)}{16\sum_i V_i^2}\right]^{\frac{1}{2}}$$

где  $T^*$  – значение температуры; N – число атомов МД-ячейки.

Было проведено моделирование квазистатической сдвиговой деформации по системе (111) <  $1\overline{10}$  > с одинаковым числом узловых плоскостей (110) –  $n_y = 24$  и (11 $\overline{2}$ ) –  $n_z = 12$  и разным числом узловых плоскостей (111) –  $n_x = 6$ , 9, 12. При этом общее число атомов в МД-ячейке равно 864, 1296 и 1728 соответственно. Температура системы поддерживалась равной 12 К.

На рисунке 2 приведена зависимость рассчитанного напряжения сдвига  $\sigma_6$  от угла сдвига  $\gamma$ , вычисления производились с шагом угла сдвига 1°. На рисунке видно, что до критического угла  $\gamma_{\rm кp} \approx 7^{\circ}$  напряжение сдвига возрастает практически линейно, причем значения напряжений сдвига для систем с разным числом плоскостей (111) практически не отличаются друг от друга. При достижении критического значения угла  $\gamma_{\rm кp}$  происходит резкое уменьшение напряжения сдвига, практически до нуля.

Для уточнения критического угла сдвига были проведены расчеты с шагом угла сдвига 0.1° в интервале углов от 6 до 8°.



Рис. 2. Зависимость напряжения  $\sigma_6$  от угла сдвига  $\gamma$  для образцов с разным числом плоскостей (111):  $1 - n_z = 6$ ;  $2 - n_z = 9$ ;  $3 - n_z = 12$ 

На рисунках 3–5 представлены зависимости напряжения системы  $\sigma_6$  от угла сдвига  $\gamma$ . Видно, что существует область, где происходит резкое изменение значения напряжения  $\sigma_6$ .

На рисунках показано, что угол, при котором происходит резкое уменьшение напряжения, имеет разброс в интервале 6.3–6.6°, причем с увеличением числа атомов этот разброс уменьшается. Так, в системе с шестью плотноупакованными плоскостями этот разброс составляет 0.3°, в системе с девятью – 0.2°, а в системе с 12 плоскостями – 0.1°.

По данным, полученным в результате компьютерного моделирования сдвиговой деформации, был проведен анализ кристаллической структуры образца. В результате анализа было установлено, что на каждой стадии пластической деформации атомы узловой плоскости (111) сохраняют структуру плотноупакованной плоскости, т.е. можно говорить о смещении плотноупакованных плоскостей (111) как целого в процессе пластической деформации.

Для изучения изменений, происходящих в структуре, был взят моделируемый образец с количеством плотноупакованных плоскостей, равным 6.

Были рассмотрены состояния кристаллической решетки в следующие моменты времени: 1) недеформированная решетка  $\gamma = 0^{\circ}$ ; 2) состояние, предшествующее критическому углу сдвига  $\gamma < \gamma_{\kappa p}$ ; 3) состояние решетки в момент критического угла сдвига  $\gamma = \gamma_{\kappa p}$ ; 4) равновесное состояние  $\gamma < < \gamma_{\kappa p}$ .



Рис. 3. Зависимость напряжения от угла деформации для системы с шестью плоскостями (111)



Рис. 4. Зависимость напряжения от угла деформации для системы с девятью плоскостями (111)



Рис. 5. Зависимость напряжения от угла деформации для системы с 12 плоскостями (111)

На рисунке 6 показаны проекции атомов шести плотноупакованных слоев (111) на плоскость YZ в начальный момент времени, плюс «седьмой» слой, расположенный в «верхней» МД-ячейке. На графике видно, что расположение атомов моделируемой системы соответствует расположению атомов плоскости (111) решетки ГЦК. Пунктирной линией показана область атомов, лежащих в одной плоскости. Промежуточные состояния, соответствующие углам сдвига 3.36° и 6.70°, показаны на рисунках 7–8. Из них видно, что при увеличении угла сдвига γ атомы каждого слоя сохраняют структуру плотноупакованной плоскости (111), т.е. можно говорить о смещении плотноупадеформации.

ABCABCA + × \* 🗆 🖿 📀 🔶 3.5 3 2.5 ы И 2 1.5 0.5 ſ 0 0.5 2.5 3.5 ν. σ Рис. 6. Положения атомов разных слоев (111) при угле деформации γ = 0° 3.5 ABCABCA + × \* □ ■ 0 ● 3 2.5 z,g 2 1.5 0.5 n 0.5 1.5 2 2.5 3 35 4 Рис. 7. Положения атомов разных слоев (111) при угле деформации γ = 3.36° 3.5 × \* □ ■ ⊙ ● BCABC з 2.5 z, g 2 1.5 1 0.5 0 0.5 2 1.5 2.5 3.5 v.o Рис. 8. Положения атомов разных слоев (111)

кованных плоскостей (111) как целого в процессе

при угле деформации  $\gamma = 6.70^{\circ}$ 

Как можно видеть из этих рисунков, плоскости (111) смещаются в направлении <110 > из своих основных положений пропорционально расстоянию до нижней грани МД-ячейки.

Анализ структуры показал, что атомы моделируемого образца выстраиваются в ГЦК структуру с правильным чередованием слоев АВСАВСА.

На рисунке 9 приведены проекции атомов моделируемой системы для состояния с углом сдвига, превышающим критический. Показано, что состояние системы не является стабильным после перестройки системы, произошедшей после прохождения критического угла  $\gamma_{_{\rm кp}}$ .

Как видно из рисунка 8, внешние условия по сравнению с докритическим состоянием, изображенном на рисунке 9, изменились незначительно, о чем говорит положение атомов седьмого слоя. Однако положения атомов других слоев изменились кардинально. Так, атомы второго и пятого слоя занимают положения С, атомы третьего и шестого слоя находятся над атомами первого слоя, т.е. занимают положения А, а атомы четвертого слоя занимают положения, близкие к В. Таким образом, вместо исходного, нормального для ГЦК решетки чередования плотноупакованных плоскостей АВСАВС наблюдается чередование плоскостей: АСАВСА. Следовательно, при достижении критического угла сдвига в кристалле произошла структурная перестройка, в результате которой возник дефект упаковки плотноупакованных плоскостей (111).



Рис. 9. Положения атомов разных слоев (111) при угле деформации γ = 7.80°

Стоит обратить внимание на то, что это чередование плоскостей «неправильное», так как после шестого слоя А в макрорешетке снова следует слой А. Однако, как показывает рисунок 8, атомы «седьмого» слоя при угле сдвига  $\gamma = 6.70^{\circ}$  еще не дошли до своих «нормальных» для ГЦК решетки положений А (это произойдет только при угле сдвига γ = 8.91°, поэтому нормальное чередование плоскостей по вертикали при данном угле сдвига еще невозможно.

На рисунке 10 изображены положения атомов для угла сдвига γ = 8.91°. Как видно из этого рисунка, атомы «седьмого» слоя при данном угле сдвига на-



1. Хеерман, Д.В. Методы компьютерного эксперимента в теоретической физике / Д.В. Хеерман. М., 1990.

2. Клименко, В.Ю. Структура фронта ударной волны в твердом теле / В.Ю. Клименко, А.Н. Дремин // ДАН СССР. – 1980. – Т. 251, №6.

3. Калинин, А.В. Порошковые и композиционные металлические материалы / А.В. Калинин, Д.Д. Рудер // Эксходятся значительно ближе к своим «нормальным» положениям А, и это позволило атомам всех слоев вернуться в свои «правильные» положения, в результате этого чередование плоскостей имеет правильный характер: ABCABC.

Выводы:

1. Разработан метод, позволяющий рассчитывать критическое значение угла деформации  $\gamma_{\kappa p}$  при касательном напряжении.

2. Показано, что при увеличении числа атомов уменьшается интервал углов, при котором происходит падение напряжения.

 Установлено, что при значении угла деформации γ большим, чем критический угол, в системе происходит перестройка атомных плоскостей и(или) появление дефектов упаковки.

## Библиографический список

периментальные методы в физике структурно-неоднородных сред : труды Всерос. науч.-техн. конф. – Барнаул, 1997.

4. Калинин, А.В. Физическая мезомеханика материалов / А.В. Калинин // Физическая мезомеханика материалов : тезисы докл. 2-й Всерос. конф. молодых ученых. – Томск, 1999.